

Документ подписан простой электронной подписью  
Информация о владельце:  
ФИО: Агафонов Александр Викторович  
Должность: директор филиала  
Дата подписания: 17.07.2022 11:04:52  
Уникальный идентификатор:  
2539477a8ecf706dc9cff164bc411eb6d3c4ab06

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«МОСКОВСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
**ЧЕБОКСАРСКИЙ ИНСТИТУТ (ФИЛИАЛ) МОСКОВСКОГО ПОЛИТЕХНИЧЕСКОГО УНИВЕРСИТЕТА**

**Кафедра управления в технических системах и программирования**



**Математика**

(наименование дисциплины)

**Методические рекомендации  
по выполнению расчетно-графических работ № 4**

Специальность	<b>23.05.01 «Наземные транспортно-технологические средства»</b> (код и наименование направления подготовки)
Специализация	<b>«Автомобили и тракторы»</b> (специализация)
Квалификация выпускника	<b>инженер</b>
Форма обучения	<b>очная и заочная</b>

Методические указания разработаны  
в соответствии с требованиями ФГОС ВО по специальности:  
**23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства**

---

Авторы:  
Кульпина Т.А,  
доцент, к.ф.-м.н. управления в технических системах и программирование

---

*ФИО, ученая степень, ученое звание или должность, наименование кафедры*

Методические указания одобрены на заседании кафедры\_  
Транспортно-технологические машины

---

*наименование кафедры*

протокол № 10 от 15.05.2021 года.

## **1. Цель и организация выполнения расчетно-графической работы**

**Цель расчетно-графической работы** - выявить знания студентов методологических основ математики, умение применять эти знания в анализе социально-экономических явлений, производить расчеты, привить обучающимся навыки самостоятельной работы с применением математических методов.

В ходе выполнения расчетно-графической работы обучающийся должен проявить умение самостоятельно работать с учебной и научной математической литературой, применять математическую методологию в анализе конкретных данных, уметь вычислять пределы, находить производные, находить интегралы. Расчетно-графическая работа должна быть выполнена и представлена в срок, установленный графиком учебного процесса.

**Выполнение расчетно-графической работы** включает следующие этапы:

- ознакомление с программой дисциплины «Математика», методическими рекомендациями по выполнению расчетно-графической работы;
- проработка соответствующих разделов методологии математики по рекомендованной учебной литературе, конспектам лекций;
- выполнение расчетов с применением освоенных методов;

Завершенная работа представляется для проверки на кафедру преподавателю в установленные учебным графиком сроки. Срок проверки не более 5-7 дней. Преподаватель проверяет качество работы, отмечает положительные стороны, недостатки работы и оценивает ее. Обучающиеся, не подготовившие расчетно-графическую работу, к экзамену не допускаются.

## **2. Выбор варианта и структура расчетно-графической работы**

Задания для расчетно-графических работ составляются преподавателем, который ведет данную дисциплину, и утверждаются кафедрой.

Номер варианта расчетно-графической работы выбирается обучающимся по последней цифре в шифре номера зачетной книжки. Так, например, если последняя цифра шифра 1, то обучающийся выполняет расчетно-графическую работу по варианту № 1.

При выполнении расчетно-графической работы необходимо придерживаться следующей структуры:

- титульный лист;
- введение;
- расчетная часть;
- заключение;
- список использованной литературы.

**Титульный лист** является первой страницей расчетно-графической работы. Образец его оформления приведен в Приложении 1.

**Во введении** содержатся общие сведения о выполненной работе (0,5-1 с.).

**В расчетной части** обучающийся должен показать умение применять математические методы расчетов, рассчитывать необходимые данные, делать на их основе аргументированные выводы.

Условия задач в расчетной части должны быть приведены полностью. Решение задач следует сопровождать развернутыми расчетами, ссылками на математические формулы, анализом и выводами. Задачи, в которых даны только ответы без промежуточных вычислений, считаются нерешенными.

Все расчеты относительных показателей нужно производить с принятой в математике точностью вычислений: коэффициенты - до 0,001, а проценты - до 0,1.

Следует обратить особое внимание на выводы, которые должны быть обоснованными, подтверждаться предварительным анализом цифрового материала.

**В заключении** расчетно-графической работы (1 с.) в краткой форме резюмируются результаты работы.

После заключения приводится список литературы, включающий только те источники, которые были использованы при выполнении расчетно-графической работы и на которые имеются ссылки в тексте работы.

При описании литературных источников необходимо указать:

- фамилии и инициалы авторов;
- название книги, сборника, статьи;
- место издания;
- издательство;
- год издания;
- количество страниц или конкретные страницы (последние в случае ссылки на статью или статистический сборник).

Стандартный формат описания источников приведен в списке литературы.

### **3. Требования к оформлению расчетно-графической работы**

При оформлении расчетно-графической работы необходимо руководствоваться следующими требованиями:

1. Объем работы - 10-15 страниц текста на стандартных листах формата А4, набранных на компьютере с использованием текстового редактора или вручную (письменно), табличного процессора или других программных средств (размер шрифта - 14 пунктов, интервал - 1,5).

2. Страницы должны быть пронумерованы и иметь поля слева и справа не менее 25 мм для замечаний преподавателя-консультанта.

3. В тексте не должно быть сокращений слов, кроме общепринятых.

4. Все промежуточные данные проводимых расчетов и результаты следует представлять в явном виде.

5. Все таблицы должны иметь сквозную нумерацию. Приведенные в работе иллюстрации (графики, диаграммы) должны иметь подрисуночные подписи.

6. Описание литературных источников выполняется в соответствии со стандартными требованиями, приведенными в предыдущем разделе.

### **4. Задания расчётно-графической работы №3.**

**Задание1.** Решить уравнение.

1.  $(1 + y)dx - (1 - x)dy = 0$

2.  $(\sqrt{xy} + \sqrt{x})dy - ydx = 0$

3.  $y' = \frac{y + 1}{x + 1}$

4.  $\frac{yy'}{x} + e^y = 0$

$$5. y' + \frac{x \sin x}{y \cos y} = 0$$

$$6. x + xy + y'(y + xy) = 0$$

$$7. 6x dx - 6y dy - 2x^2 y dy + 3xy^2 dx = 0$$

$$8. y' = \frac{y \ln^3 y}{\sqrt{x+1}}$$

$$9. y' = \sin(x - y) - \sin(x + y)$$

$$10. y' = \cos(x + y) + \cos(x - y)$$

**Задание2.** Решить уравнение.

$$1. y dx + (x + y) dy = 0$$

$$2. xy' = y + \sqrt{x^2 + y^2}$$

$$3. \frac{dy}{dx} = \frac{y}{x} - \frac{x}{y}$$

$$4. y = xy' - xe^{\frac{y}{x}}$$

$$5. y' - \frac{y}{x}(1 + \ln y - \ln x) = 0$$

$$6. y' = \frac{x + y}{x - y}$$

$$7. y' = \frac{3x - 4y - 2}{3x - 4y - 3}$$

$$8. y' = \frac{x + y - 2}{3x - y - 2}$$

$$9. (2x^3y - y^4)dx + (2xy^3 - x^4)dy = 0$$

$$10. xy' + xtg \frac{y}{x} = y$$

**Задание3.** Решить уравнение.

$$1. y' - 2xy = e^{x^2}$$

$$2. (x+1)y' - 2y = (x+1)^5$$

$$3. y' + y \cos x = \sin 2x$$

$$4. y' - y = \left( x + \frac{1}{x} \right) e^x$$

$$5. y' - \frac{y}{\sin x} = tg \frac{x}{2}$$

$$6. y' \cos y + \sin y = x$$

$$7. xy' - 4y + x^2 \sqrt{y}$$

$$8. y^2 dx + (xy - 1) dy = 0$$

$$9. x^3 y^2 y' + x^2 y^3 = 1$$

$$10. y dx + (4 \ln y - 2x - y) dy = 0$$

**Задание4.** Решить уравнение.

$$1. \frac{y}{x} dx + (3y^2 + \ln x) dy = 0$$

$$2. e^{-y} dx + (2 - x e^{-y}) dy = 0$$

$$3. (x \cos 2y - 3)dx - x^2 \sin 2y dy = 0$$

$$4. \sin(x + y)dx + x \cos(x + y)(dx + dy) = 0$$

$$5. x e^{y^2} dx + (x y e^{\frac{2}{y}} + \operatorname{tg}^y y) dy = 0$$

$$6. (xchy + shx)dy + (ychx + shy)dx = 0$$

$$7. (e^y + \sin x)dx + \cos x dy = 0$$

$$8. (x^2 - \sin^2 y)dx + x \sin 2y dy = 0$$

$$9. y^2 dx + xy dy - dy = 0$$

$$10. (1 + 3x^2 \sin y)dy - x \operatorname{ctg} y dy = 0$$

**Задание 5.** Решить уравнение.

$$1. y'' = 6x^2$$

$$2. y^{(4)} = \cos 2x$$

$$3. y' = x e^{x^2} + 3^{-x}$$

$$4. y^{(9)} = e^{bx}$$

$$5. (1 + x^2) y'' + 2xy' = x^3$$

$$6. y^{(4)} - 2(y'' - 1) \operatorname{ctg} x = 0$$

$$7. xy' = y' \ln \frac{y'}{x}$$

$$8. y'' = (y')^2$$

$$9. yy' = (y')^2 + y' \sqrt{y^2 + (y')^2}$$



10.  $yy' = y^2 \ln y - (y')^2$

**Задание6.** Решить уравнение.

1.  $y' - 5y' + 6y = 0$

2.  $y' + 4y' = 0$

3.  $4y' + 4y' + y = 0$

4.  $9y' + 12y' + 4y = 0$

5.  $y' + y' + y = 0$

6.  $4y' + 9y = 0$

7.  $y'' - 6y' + 12y' - 8y = 0$

8.  $y'' - 27y = 0$

9.  $y^{(4)} - 5y' + 6y' = 0$

10.  $y^{(6)} + 3y^{(5)} + 3y^{(4)} + y'' = 0$

**Задание7.** Решить уравнение.

1.  $y' - 3y' + 2y = 2x^3 - 30$

2.  $2y' - y' - y = 4xe^{2x}$

3.  $y' - 2y' = x^2 - x$

4.  $y' + 6y' + 9y = (x - 2)e^{-3x}$

5.  $y' + 4y' + 4y = (2x + 3)\sin x + \cos x$

6.  $y' - 2y = 2x(\cos x - \sin x)e^x$

7.  $y' - 7y' + 6y = \sin x$

8.  $y' - 2y' + 5y = e^x \cos 2x$

$$9. y' - 2y' + 5y = xe^x \cos 2x + x^2 + x - 2$$

$$10. y' - 2y' + y = \sin x + \frac{1}{2}e^x - \frac{1}{2}e^{-x}$$

**Задание 8.** Решить данные системы дифференциальных уравнений:

$$1. \begin{cases} x' = y + z, \\ y' = 3x + z, \\ z' = 3x + y. \end{cases}$$

$$2. \begin{cases} x' = 3x - 2y, \\ y' = 2x - y, \end{cases} \quad x(0) = 1, y(0) = 2.$$

$$3. \begin{cases} x' + 5x + y = e^t, \\ y' - x - 3y = e^{2t}. \end{cases}$$

$$4. \begin{cases} x' = -x + y + z, \\ y' = x - y + z, \\ z' = x + y - z. \end{cases}$$

$$5. \begin{cases} 4x' - y' = \sin t - 3x, \\ x' = \cos t - y. \end{cases}$$

$$6. \begin{cases} x' = 2x + y, \\ y' = 3x + 4y. \end{cases}$$

$$7. \begin{cases} x' = x - 2y - z, \\ y' = -x + y + z, \\ z' = x - z. \end{cases}$$

$$8. \begin{cases} x' = y, \\ y' = x + e^t + e^{-t}. \end{cases}$$

$$9. \begin{cases} x' = -2x - 2y - 4z, \\ y' = -2x + y - 2z, \\ z' = 5x + 2y + 7z. \end{cases}$$

$$10. \begin{cases} x' = y + z, \\ y' = 3x + z, \\ z' = 3x + y. \end{cases}$$

## 5. Критерии оценки расчетно-графической работы и типовые ошибки при ее выполнении.

Критерии оценки расчетно-графической работы:

оценка «зачтено» выставляется обучающемуся в том случае, если все задачи решены, к задачам приведены пояснения;

оценка «не зачтено» ставится в том случае, если какая-либо задача отсутствует или приведены недостаточные пояснения к решению задачи.

Типовые ошибки при выполнении расчетно-графической работы

При выполнении расчетно-графической работы по математике часто встречаются следующие ошибки:

1. Не соблюдены правила оформления расчетно-графической работы.
2. Не выдержана структура расчетно-графической работы (отсутствует библиографический список, теоретическая часть к задаче и т. д.).
3. Не указаны единицы измерения полученных результатов.
4. В задаче отсутствуют выводы или содержимое выводов к задаче неконструктивны.
5. Отсутствие готовности обучающегося отвечать на теоретические вопросы, являющиеся основой для решения задачи.
6. Не соблюдаются правила математического округления полученного результата.
7. Задание на расчетно-графическую работу выполнено не по своему варианту.

## 6. Рекомендуемая литература

*а) основная литература*

1. Сборник задач по высшей математике: учебное пособие. 1 курс / К. Н. Лунгу [и др.]. - М. : Айрис-пресс, 2010. – 592 с.
2. Сборник задач по высшей математике: учебное пособие. 2 курс / К. Н. Лунгу [и др.]. - М. : Айрис-пресс, 2006. – 576 с.
3. Баврин И. И. Высшая математика : учебник / И. И. Баврин . - 2-е изд., перераб. и доп. - М. : ВЛАДОС, 2004. – 560 с.
4. Шипачев, В. С. Задачник по высшей математике : учебное пособие для вузов / В. С. Шипачев. - 6-е изд., стереотип. - М. : Высш. шк., 2006. – 304 с.

5. Шипачев В. С. Высшая математика [Электронный ресурс] : учебник / В.С. Шипачев. - М.: НИЦ ИНФРА-М, 2015. - 479 с. - Режим доступа : <http://znanium.com/catalog.php?bookinfo=469720>
6. Высшая математика в упражнениях и задачах : учеб. пособие для вузов. В 2-х ч. Ч. 1 / П. Е. Данко [и др.]. - 6-е изд. - М. : ОНИКС : Мир и Образование, 2006.

*б) дополнительная литература*

1. Письменный, Д. Т. Конспект лекций по высшей математике: тридцать шесть лекций. В 2-х частях. Ч. 1 / Д. Т. Письменный . - 6-е изд. - М. : Айрис-пресс, 2006. – 288 с.
2. Выгодский, М. Я. Справочник по высшей математике / М.Я. Выгодский. - М. : Астрель; АСТ, 2005. – 991 с.
3. Пискунов, Н. С. Дифференциальное и интегральное исчисление: учеб. пособие. В 2 т. Т. 1 / Н. С. Пискунов. - Изд. стереотип. - М. : Интеграл-Пресс, 2004. - 416 с.
4. Данилов Ю. М. Математика: Учеб. пособие / Ю.М. Данилов, Л.Н. Журбенко, Г.А. Никонова и др.; Под ред. Л.Н. Журбенко, Г.А. Никоновой; КГТУ. - М.: ИНФРА-М, 2006. - 496 с.
5. Березина Н. А. Математика: Учебное пособие / Н.А. Березина, Е.Л. Максина. - М.: ИЦ РИОР: НИЦ Инфра-М, 2013. - 175 с.

## **7. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для написания РГР**

1. eLIBRARY.RU [Электронный ресурс] : электронная библиотека. – Режим доступа: <http://elibrary.ru/defaultx.asp>
2. Znanium.com [Электронный ресурс] : электронно-библиотечная система. – Режим доступа: <http://znanium.com>
3. «КнигаФонд» [Электронный ресурс] : электронно-библиотечная система. – Режим доступа : <http://www.knigafund.ru>
4. Электронный каталог Национальной библиотеки ЧР [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://www.nbchr.ru>.
5. Издательство ЛАНЬ [Электронный ресурс] : электронно-библиотечная система. – Режим доступа : <https://e.lanbook.com/>